

[5] (1) (ア) 2134→1342→3412となる。

答え 3412

(イ) 左端が4であるとき……Cの次はBまたはC、その次はAまたはBまたはCとなるので、 $2 \times 3 = 6$ 通り…… 答え

左端が3であるとき……Aの次はBまたはC、その次はAまたはBまたはCとなるので、 $2 \times 3 = 6$ 通り…… 答え

左端が2であるとき……AAA,AAB,AAC,BAA,BAB,BAC,CAA,CAB,CACの9通り…… 答え

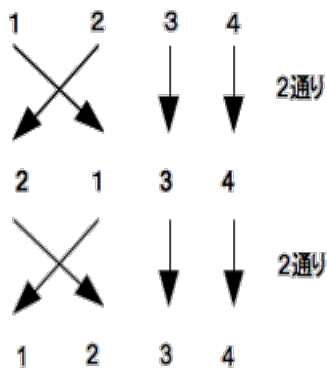
左端が1であるとき……BBA,BBB,BBC,BCA,BCB,BCCの6通り…… 答え

(ウ) 左端が2のとき9通りあるが、残り1,3,4のカードの順列は $3 \times 2 \times 1 = 6$ 通りしかないはずである。つまりここでの $9 - 6 = 3$ 通りが(ウ)の場合であると推測できる。

調べてみると、2134,2314,2341の場合が見つかる。

答え 2314, 2341

(2) 2 1 3 4 のときは2通りあるが、次の図の通り。

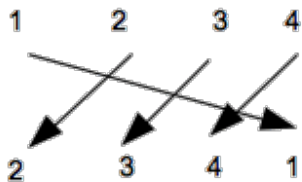
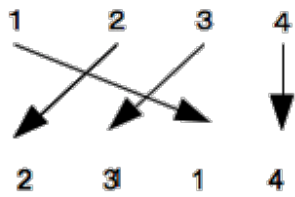


さらに 3 回行い 1 2 3 4 になる場合は、左のように $2 \times 2 = 4$ 通りある。

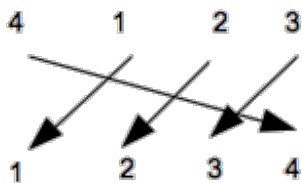
よって $4 - 2 = 2$ 通りプラスされる。他はすべて 1 通りずつなので、 $9 + 2 = 11$ 通りとなる。

答え 11通り

ところで、このように手順が2通りあるのは、2134以外に、2314、2341があり、下のパターンとなる。

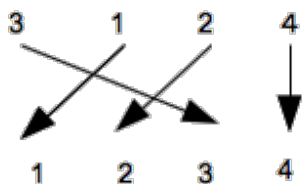


(3) 初めの3回で、4 1 2 3になるのは1通りあるが、下のようにあとの3回で1 2 3 4となる。手順が2通りあるパターンであり、したがって $1 \times 2 = 2$ 通りあるので、 $2 - 1 = 1$ 通りプラスされる。 $6 + 1 = 7$ 通りである。



他の左端が4になる場合も、1 2 3 4になるよう矢印を書いてみると手順が1通りのパターンになるので、 $6 + 1 = 7$ 通りである。

初めの3回で左端が3になるときは、3 1 2 4になるのが1通りあるが、後の3回で1 2 3 4になるよう図を書いてみると次のようになる。



すなわち手順2通りパターンなので、同様にプラス1通りされ、他にはないので、 $6 + 1 = 7$ 通りになる。

初めの3回で左端が1になる場合は、6通りすべてが手順2通りパターンではないので、6通りとなる。

以上から、 $1 + 7 + 7 + 6 = 31$ 通りとなる。

答え 31通り

