

2023年灘中学算数1日目

[1]

$$2023 \times \left(\frac{1}{14} - \frac{1}{15} \right) \times \frac{1}{17} \times \frac{1}{17} = 1 \div (81 - \square)$$

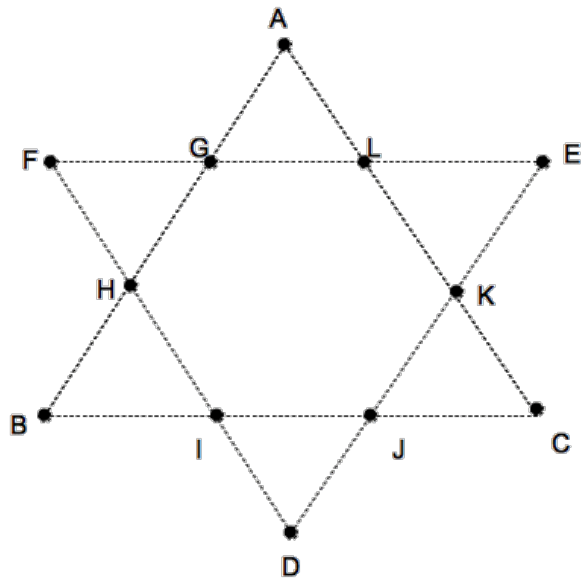
[解説]

$$2023 \times \frac{1}{14 \times 15 \times 17 \times 17} = \frac{1}{30}$$

$$81 - 1 \div \frac{1}{30} = 51$$

答え 51

[2] 図のように、三角形ABCの周と三角形DEFの周がG,H,I,J,K,Lで交わっています。点Aから点Lまでの12個の点から異なる3個の点を同時に選んでそれらの点を結びます。このとき、三角形ができない3個の点の選び方は全部で 通りあります。



[解説] $4C_3 \times 6 = 24$

答え 24通り

[3] 1桁の数A,2桁の数BC,3桁の数ABC,2桁の数DE,1桁の数Fについて、 $A+BC+DEF=ABC+DE+F$ が成り立っています。このとき、次のアからソのうち、必ず成り立つものは3つあります。

それは、①と②と③です。ただし ①、②、③の順は問いません。

[解説] $DEF=10\times DE+F$, $ABC=100\times A+BC$ より、与えられた式にあてはめると、
 $A+BC+10\times DE+F=100\times A+BC+DE+F$ となり簡単にすると、 $99\times A=9\times DE$ すなわち、 $11\times A=DE$ となる。
A,D,Eは1けたの整数なので $A=D=E$ しかない。

答え ウ、エ、ス

[4]

1,2,3,4,5,6,7,8,9,1,2,3,4,5,6,7,8,9,1,2,3,...
というふうに1から9までの数を繰り返し並べ
/1,2,3,4/5,6,7,8/9,1,2,3/4,5,6,7/8,9,1,2/3,...
というように4個ずつの数のグループに分けていきます。
2023番目のグループに含まれる4個の数の和は ①
です。1番目のグループから2023番目のグループまでに
含まれる8092個の和は ② です。

[解説] 4個と9個の最小公倍数36個で1周期となる。
1組、2組、3組、4組...の先頭の数はいずれも1、5、9、4...
となっている。 $7+8+9+1=25...$ ①

1周期に $36\div 9=4$ 回繰り返すので、 $(1+9)\times 9\div 2=45$ 、
 $45\times 4=180$ が1周期の和となる。 $2023組\div 9組=224回$
あまり7組

したがって、 $180\times 224+45\times 3+1=40456...$ ②

答え ① 25 ② 40456

[5]

6個の数、1、2、3、4、5、6を2個ずつ3つのグループA,B,Cに分けます。Aに含まれる2つの数のうち大きい方が、Bに含まれる2つの数のうち大きい方よりも大きくなるような分け方は全部で $\frac{6 \times 5}{2} = 15$ 通りです。

[解説]

A=5、6のとき、Bの2数は1,2,3,4から2つを選ぶ組み合わせだから、 ${}_4C_2=6$ 通り。

A=1~5,6の5通りずつあるので $6 \times 5=30$ 通り。

A=4、5のとき、Bの2数は1,2,3から2つを選ぶ組み合わせだから、 ${}_3C_2=3$ 通り。

A=1~4,5の4通りずつあるので $3 \times 4=12$ 通り。

A=3,4のとき、Bの2数は1,2だけだから、1通り。

A=1~3,4の3通りずつあるので $1 \times 3=3$ 通り。

A=1,2のときはない。

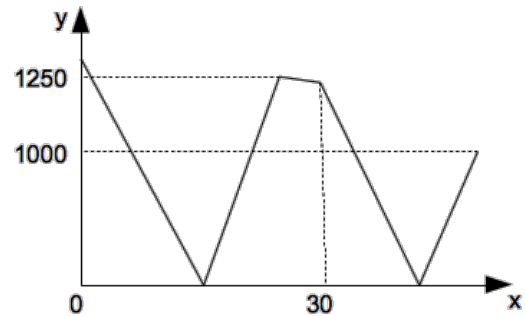
A,Bが決まればCは自動的に決定するので、

$30+12+3=45$ 通りある。

答え 45通り

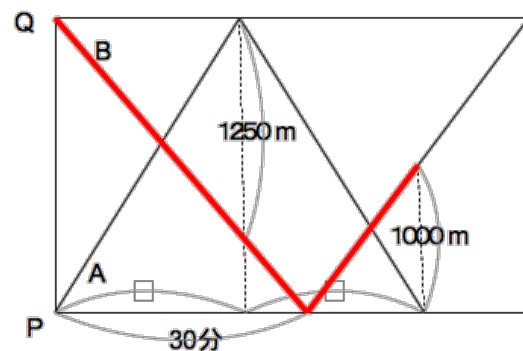
[6]

まっすぐな道路に地点Pと地点Qがあります。Aさんは地点Pを出発して地点Qに向かって歩き、地点Qに着くとすぐに折り返して地点Pに向かって歩きます。Aさんが地点Pを出発するのと同時にBさんは地点Qを出発して地点Pに向かって歩き始め、地点Pに着くとすぐに折り返して地点Qに向かって歩きます。AさんもBさんも、それぞれ一定の速さで歩きます。Aさんが地点Pを出発してx分後のAさんとBさんの距離をy mとします。Aさんが地点Pを出発したのち再び地点Pに着くまでの間のxとyの関係は上のグラフのようになりました。このとき、地点Pと地点Qの間の距離は① mです。また、Aさんが地点Pを出発してから② 分後に、AさんとBさんは初めてすれ違います。



[解説]

AがPQ間を進む間にBは1250m進んでいるので、AがP地にもどってきたとき、Bは2500m進んでいる(右図の赤い線)。よって、PQ間の距離は、 $2500 - 1000 = 1500\text{m}$



$1500\text{m} \div 30\text{分} = 50\text{m/分}$ でBは進む。

$2500\text{m} \div 50\text{m/分} = 50\text{分}$ より、 $50\text{分} \div 2 = 25\text{分}$ でAは1500mを進むので、 $1500\text{m} \div 25\text{分} = 60\text{m/分}$ となる。

$1500\text{m} \div (50 + 60) = 150/11\text{分}$ 後に初めて出会う。

答え ① 1500m ② 150/11分

[7] ある国で使われる通貨の単位は「ナダ」です。円-ナダ取引において、円に対するナダの値段は毎日一回変化し、前日より安くなるか高くなるかのどちらかです。

ある日1ナダは150円でした。Aさんは次の日から以下のような方法で円-ナダ取引を始めました。

前日よりナダが安くなれば持っている円の半分をナダに替え、前日よりナダが高くなればもっているナダの半分を円に替えます。

Aさんは最初5760円のみを持っており、ナダは持っていませんでした。1ナダは取引1日目は120円でした。

前日よりナダが安くなったので1日目の取引の後Aさんの所持金は2880円と24ナダになりました。1ナダは取引2日目は90円、取引4日目は180円で、4日目の取引の後Aさんの所持金のうち円は5940円でした。

このとき、取引3日目の1ナダは最も高いとき① 円、最も安い場合で② 円です。

ただし、Aさんがしたすべての取引について、1円未満、1ナダ未満の端数は生じませんでした。

また、手数料などは考えないものとします。

[解説] 3日目の1ナダを① 円とし、2日目よりナダが高くなったとすると、3日目の円、ナダの所持金はそれぞれ、 $20 \times \text{①} + 1440$ 円、20ナダとなる。4日目の1ナダが3日目より下がって180円になったときの方が① 円は高くなるので、

$$(20 \times \text{①} + 1440 \text{ 円}) \div 2 = 5940 \text{ 円}, \quad \text{①} = 522 \text{ 円}$$

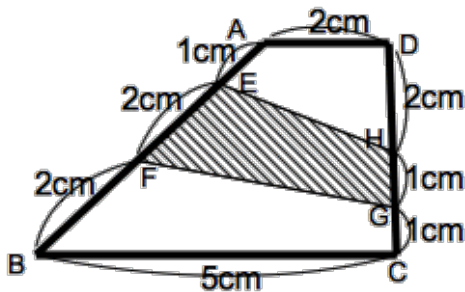
2日目より3日目のナダが安くなったとき、3日目のナダの所持金は、 $40+720 \div$ ① ナダとなる。

さらに4日目の円の所持金は、

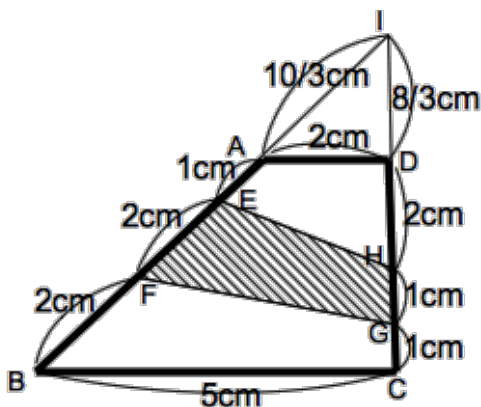
$720+(20+360 \div$ ① $) \times 180=5940$ となるので、① =40円

答え ① 522円 ② 40円

[8] 図のように、四角形ABCDの辺上に点E,F,G,Hがあります。このとき、四角形EFGHの面積は、 cm^2 です。



[解説]



延長してピラミッド相似 IBCをつくる。あんじ1507
 三角形IFGから三角形IEHをひく。
 三角形IFG: 三角形
 IBC=19×17:25×20
 三角形IEH: 三角形

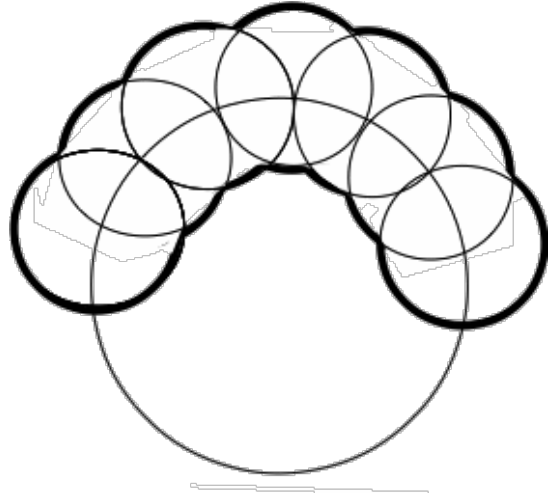
$$IBC=14 \times 13 : 25 \times 20$$

よって、斜線部=三角形IBC \div (20×25)×141=4.7 cm^2

答え 4.7 cm^2

[9]

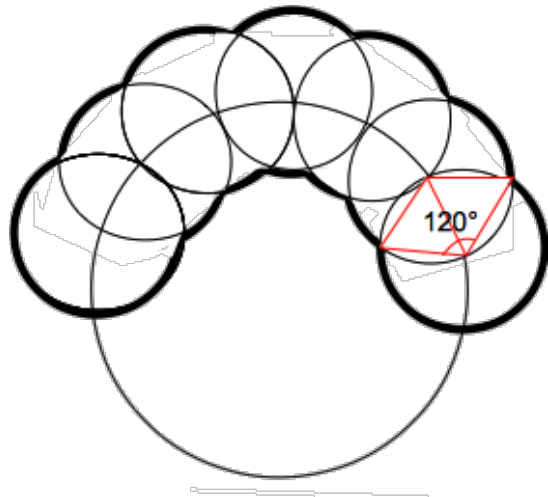
図のように、半径が2cmの大きな円の周上に中心を持つ、半径が1cmの小さな円が7つあります。また、小さな円の中心はその隣の小さな円の周上にあります。このとき、太線の長さは、
cmです。



[解説]

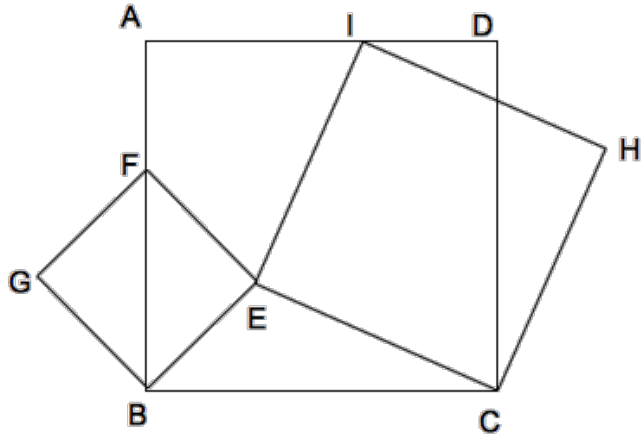
半径1cmの円周7個の長さから、内部で重なっている6カ所の円周部分をひく。

$$2\pi \times 7 - 2\pi \div 6 \times 4 \times 6 \text{カ所} = 6\pi = 18.84 \text{cm}$$

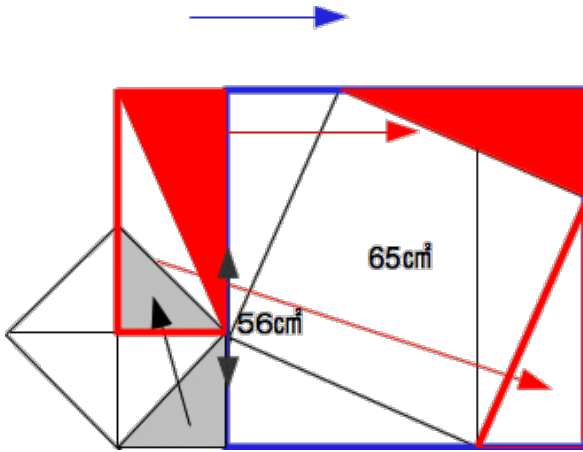


答え 18.84cm

[10] 図の四角形ABCD, BEFG, CHIEはすべて正方形です。また、Fは辺AB上に、Iは辺AD上にあります。正方形CHIEの面積が 65cm^2 、四角形AFEIの面積と三角形BCEの面積の和が 56cm^2 のとき、正方形BEFGの面積は cm^2 です。



[解説]



大正方形を青い矢印のように移動すると中正方形を包む形になる。

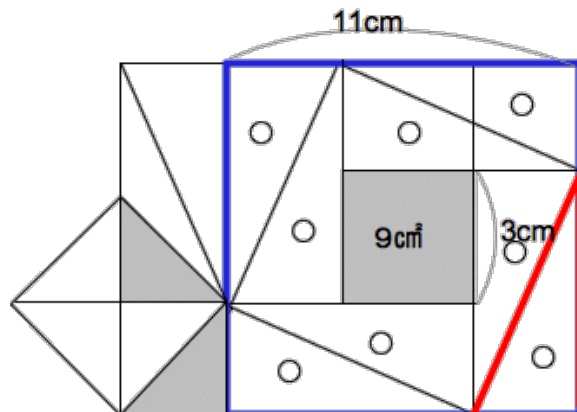
グレーの直角二等辺三角形を黒い矢印のように移動し、赤い直角三角形を2つ赤い矢印のように移動する。

すなわち、 $65\text{cm}^2 + 56\text{cm}^2 = 121\text{cm}^2$ が大正方形の面積とわかる。よって、1辺は 11cm 。

$(11 - 3) \div 2 = 4\text{cm}$ と 7cm がわかる。

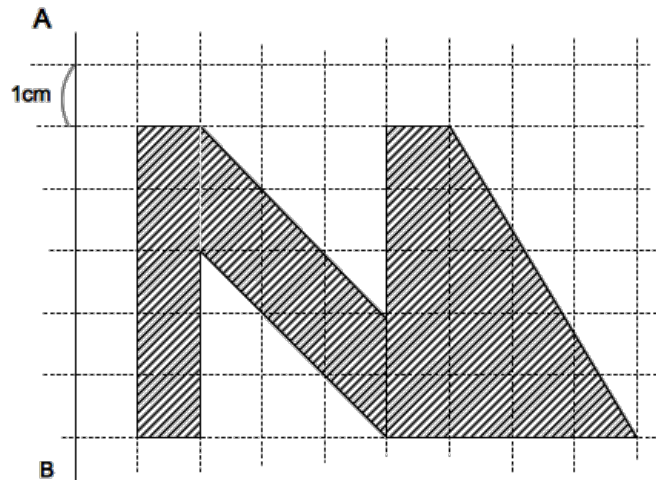
求める小三角形の面積は、等辺 4cm の直角二等辺三角形4つ分なので、

$$4 \times 4 \div 2 \times 4 = 32\text{cm}^2$$



答え 32cm^2

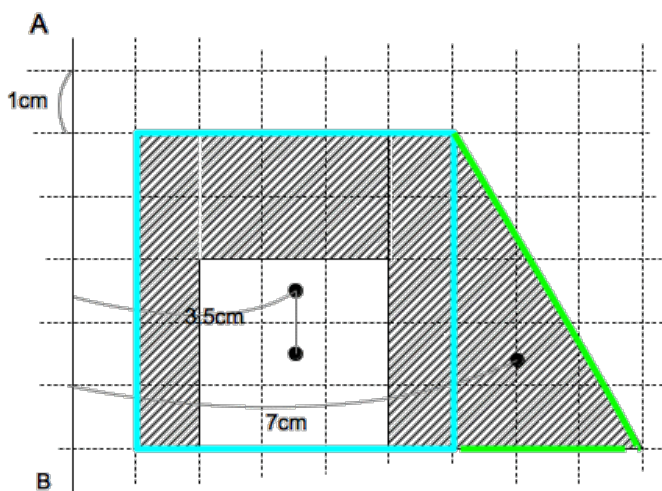
[11] 図のような、1目盛の幅が1cmの方眼用紙があります。斜線部分の図形を、2点A,Bを通る直線の周りに1回転させたとき、その図形の通過する部分の体積は cm^3 です。



[解説] センターラインの長さ×回転させる図形の面積で求める。図のように変形して、長方形とすきまの正方形と直角三角形を1回転させればよい。

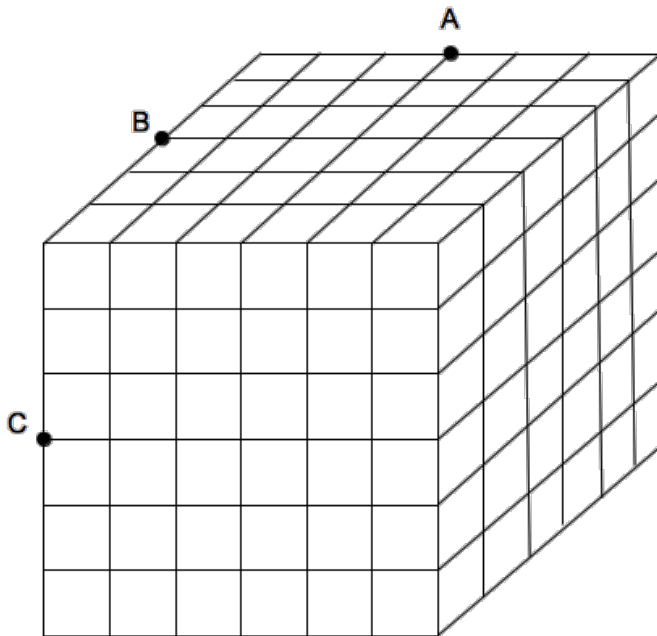
直角三角形の重心は図の底辺を2:1に分けるところにある。重心が移動してセンターラインとなる。

$$7\pi \times 25\text{cm}^2 - 7\pi \times 9\text{cm}^2 + 14\pi \times 7.5\text{cm}^2 = 217\pi = 681.38\text{cm}^3$$



答え 681.38 cm^3

[12] 白の立方体、赤の立方体、青の立方体が全部で216個あります。それぞれの立方体の中は表面と同じ色です。それら216個を図のように積み上げて大きな立方体を作ります。3点 A,B,Cを通る平面でこの大きな立方体を切断したときの切り口について、赤い部分の面積は白い部分の面積の 倍です。



白	白	白	白	白	白
白	赤	赤	赤	赤	白
白	赤	青	青	赤	白
白	赤	青	青	赤	白
白	赤	赤	赤	赤	白
白	白	白	白	白	白

上から1段目、3段目、5段目

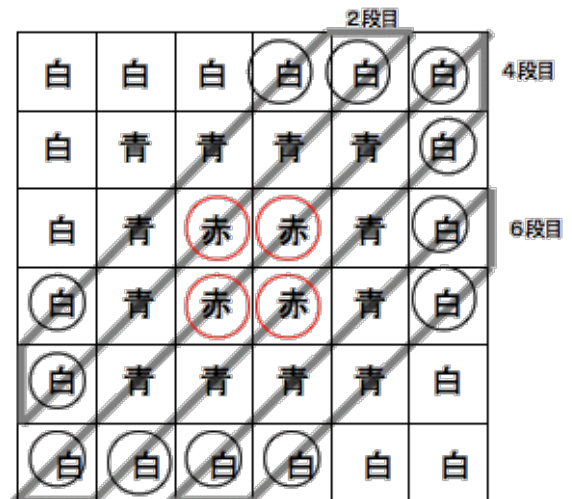
白	白	白	白	白	白
白	青	青	青	青	白
白	青	赤	赤	青	白
白	青	赤	赤	青	白
白	青	青	青	青	白
白	白	白	白	白	白

上から2段目、4段目、6段目

[解説]



上から1段目、3段目、5段目



上から2段目、4段目、6段目

上図で、赤は15個、白は24個あるので、 $15 \div 24 = 5/8$

答え 5/8倍